

МИНИСТЕРСТВО  
НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ  
ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

**«Национальный  
исследовательский ядерный  
университет «МИФИ»  
(НИЯУ МИФИ)**

Каширское шоссе, д.31, г. Москва, 115409  
Тел. (499) 324-77-77, факс (499) 324-21-11  
<http://www.mephi.ru>

18.10.2024 № 97-8/24

На № \_\_\_\_\_ от \_\_\_\_\_

**«УТВЕРЖДАЮ»**

Первый проректор федерального  
государственного автономного  
образовательного учреждения высшего  
образования «Национальный  
исследовательский ядерный университет  
«МИФИ»,

Доктор физико-математических наук,  
Профессор

O.B. Нагорнов



**ОТЗЫВ ВЕДУЩЕЙ ОРГАНИЗАЦИИ**

федерального государственного автономного образовательного учреждения высшего образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ» на диссертационную работу Ермишиной Виктории Евгеньевны «Математические модели распространения нелинейных внутренних волн в слоистой стратифицированной жидкости», представленную на соискание учёной степени кандидата физико-математических наук по специальности 1.1.9 – «Механика жидкости, газа и плазмы»

Диссертационная работа В.Е. Ермишиной посвящена развитию методов математического моделирования распространения нелинейных внутренних волн в неоднородных средах.

**Актуальность темы диссертации.** Процессы массообмена и перемешивания в стратифицированных слоях океана и атмосферы влияют на формирование климата, развитие и поддержание биосистем, а также на их экологическое равновесие. Возникновение неустойчивости течений, генерация и обрушение внутренних гравитационных волн приводят к крупномасштабному переносу импульса, энергии и различных примесей и должно учитываться при изучении циркуляции атмосферы и океанов. При росте амплитуды и опрокидывании внутренних волн могут формироваться локализованные области турбулентности, приводящие к эффективному переносу массы в устойчиво стратифицированной жидкости. Наличие стратификации потока, обтекающего препятствие, может вызывать резкое изменение режима

обтекания и формирование локальной области интенсивного вихревого движения, значительно превышающей характерные размеры препятствия. В настоящее время ведется интенсивное изучение различных аспектов распространения и обрушения поверхностных и внутренних волн.

При моделировании динамики внутренних волн принято использовать уравнения мелкой воды для слоистых негидростатических течений. В силу высокой сложности уравнений для многослойного случая, наибольшее распространение получили модели для двухслойной и трехслойной жидкости. В диссертационной работе предлагается аппроксимация моделей, учитывающих негидростатичность распределения давления только в верхнем и/или нижнем слое, системой уравнений первого порядка, допускающей простую численную реализацию.

Отметим, что работы представлены в научных журналах высокого уровня, для которых актуальность, новизна и достоверность результатов являются необходимым условием для опубликования. Дополнительным подтверждением актуальности является то, что работа выполнена при поддержке грантов РНФ и Министерства науки и высшего образования РФ.

**Структура и содержание диссертации.** Диссертация состоит из введения, трех глав, заключения и списка литературы. Объем диссертации составляет 97 страниц. Список литературы состоит из 82 наименований.

В введении обоснована актуальность темы диссертационного исследования, показана степень разработанности по теме исследования, сформулированы цель и задачи диссертационного исследования, охарактеризованы новизна, теоретическая и практическая значимость полученных результатов, обоснована достоверность и приведена апробация результатов.

В первой главе предложена модель движения многослойной стратифицированной жидкости, записанная в виде системы законов сохранения первого порядка. Модель построена в длинноволновом приближении с учётом негидростатического распределения давления в нижних и верхних слоях и произвольного количества гидростатических прослоек между ними. В рамках модели построены стационарные решения, описывающие внутренние волны первой и второй моды, приведено сравнение с известными данными натурных наблюдений в шельфовой зоне Японского моря и Боденском озере. Приведены результаты нестационарных

расчетов распространения внутренних волн второй моды в каналах постоянной и переменной толщины. Модель верифицирована на известных данных полевых наблюдений, лабораторных экспериментов и прямого численного моделирования.

Во второй главе исследуется вопрос существования уединенных внутренних волн в сдвиговом течении двухслойной жидкости. Для учета влияния упрощающих предположений на форму волны рассматриваются три модели: модель с негидростатическим распределением давления в обоих слоях, модель с гидростатическим распределением давления в более тонком слое и модель, описывающая слабонелинейные волны. В терминах чисел Фруда описана область существования решения в форме уединенной волны, построены характерные профили уединенных волн.

В третьей главе предложена гиперболическая аппроксимация двухслойной модели движения идеальной неоднородной жидкости со свободной границей с учетом эффектов перемешивания, дисперсии и топографии. Получены стационарные решения с осциллирующей внутренней границей раздела и определены параметры потока, при которых течение переходит в другой режим, характеризующийся формированием волн большой амплитуды. Исследована возможность построения уединенных волн на заданном постоянном потоке и приведены примеры таких решений, получаемых в результате решения стационарных уравнений движения и проведения нестационарных расчетов течений, формирующихся вследствие обтекания препятствия переменной высоты. Показано, что в зависимости от скорости набегающего потока, высоты и формы локального препятствия вверх по течению распространяются нелинейные возмущения в виде волнового или монотонного бора.

В заключении кратко перечислены по главам основные полученные в работе результаты.

**Достоверность и новизна положений, сформулированных в диссертации.**  
**Степень обоснованности положений и выводов.** Основные результаты диссертации состоят в следующем:

1. Построена модель многослойного течения стратифицированной жидкости, представимая в виде системы неоднородных законов сохранения первого порядка. Построены стационарные и нестационарные решения уравнений в виде уединенных внутренних волн первой и второй моды. Модель верифицирована на данных

лабораторных экспериментов (распространение внутренних волн моды 2 в резервуаре постоянной толщины и сужающемся канале), полевых наблюдений (уединенные волны первой моды, зафиксированные в Японском море и Боденском озере), прямого численного моделирования (обрушение волны второй моды над широким изолированным препятствием).

2. В терминах двух безразмерных параметров определена область существования решений уравнений, описывающих распространение уединенных внутренних волн в двухслойном сдвиговом течении стратифицированной жидкости в приближении Буссинеска.
3. Выведена гиперболическая модель движения неоднородной жидкости с учетом эффектов вовлечения и перемешивания, дисперсии и топографии. Исследована возможность построения решений в форме уединенных волн, примыкающих к заданному постоянному потоку. Приведены примеры таких решений, получаемых в результате численного решения стационарных и нестационарных уравнений движения.

Полученные автором диссертации результаты являются новыми. Их достоверность и обоснованность обеспечена строгостью математического аппарата, корректностью применения апробированных в научной практике аналитических и численных подходов и сопоставлением результатов, получаемых с использованием предложенных моделей, с результатами расчетов по более сложным моделям, с известными экспериментальными данными и прямым численным моделированием, обсуждением результатов исследования на всероссийских и международных конференциях, публикацией результатов исследования в рецензируемых научных изданиях, индексируемых как в российских так и международных базах данных.

Основное содержание диссертационной работы, ее главные научные результаты в полной мере опубликованы в 4 научных статьях в изданиях, рекомендованных ВАК РФ. Все 4 работы опубликованы в изданиях, индексируемых базами данных Web of Science и Scopus., в том числе одна работа в журнале первого квартриля. Результаты работы многократно докладывались на всероссийских и международных конференциях и ведущих научных семинарах. Отдельно следует отметить тот положительный факт, что одна из статей опубликована без соавторов.

## **Теоретическая и практическая значимость результатов диссертации.**

Полученные результаты могут быть востребованы в области теоретической и прикладной гидродинамики, при решении практических задач мониторинга и моделирования распространения волн в шельфовой зоне моря, при описании взаимодействия внутренних волн большой амплитуды с рельефом дна, погруженными и за jakiоренными конструкциями.

### **Замечания и пожелания:**

1. В диссертации не сказано, какие из рассматриваемых задач могут или не могут быть решены с помощью существующих коммерческих пакетов, в том числе в полной трехмерной постановке. Если могут быть решены, то какие особенности рассматриваемых процессов разработанные в диссертации модели и методы позволяют исследовать или обнаружить проще и надежнее.
2. При проверке работоспособности моделей не всегда выдержан порядок, когда сначала приводится подтверждение, что сделанное упрощение не влияет существенно на точность решения по сравнению с более детальной моделью, а затем уже сравнение с экспериментальными данными.
3. В диссертации не для всех полученных решений в виде бегущих волн сделано заключение о спектральной и глобальной устойчивости. Кроме того не обсуждается отдельно вопрос о том, не изменяется ли характер устойчивости решений при переходе от более полных моделей к разработанным упрощенным моделям.

Приведенные замечания не влияют на общую положительную оценку диссертационной работы. В целом диссертация написана ясным научным языком, хорошо структурирована и оформлена. Автореферат соответствует установленным требованиям и полностью отражает основное содержание диссертации.

**Заключение.** Диссертация Ермишиной Виктории Евгеньевны «Математические модели распространения нелинейных внутренних волн в слоистой стратифицированной жидкости» является завершенной научно-квалификационной работой, посвященной актуальной тематике. Диссертационная работа соответствует требованиям ВАК РФ и критериям, установленным действующим «Положением о присуждении ученых степеней», а ее автор, Ермишина Виктория Евгеньевна, заслуживает присуждения

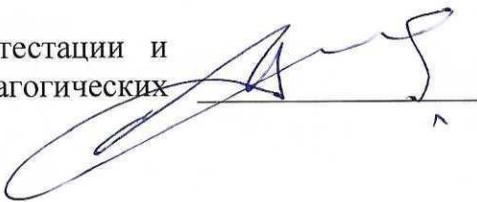
ученой степени кандидата физико-математических наук по специальности 1.1.9 – «Механика жидкости, газа и плазмы».

Отзыв ведущей организации обсужден и одобрен на заседании кафедры суперкомпьютерного моделирования инженерно-физических процессов института лазерных и плазменных технологий 15 октября 2024 года, протокол № 2 от «15» октября 2024 года.

Отзыв подготовил заведующий кафедрой  
суперкомпьютерного моделирования  
инженерно-физических процессов  
Института лазерных и плазменных  
технологий НИЯУ МИФИ  
д. ф.-м.н.

Шаргатов В.А. Шаргатов

Председатель совета по аттестации и  
подготовке научно-педагогических  
кадров НИЯУ МИФИ,  
д. ф.-м. н., профессор



Н.А. Кудряшов

Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Национальный исследовательский ядерный университет «МИФИ»  
Почтовый адрес: 115409, Москва, Каширское ш., 31  
Телефон: +7 495 788 5699, +7 499 324 7777  
Адрес электронной почты: [info@mephi.ru](mailto:info@mephi.ru)  
Адрес официального сайта в сети «Интернет»: <https://mephi.ru/>